

Κεφάλαιο 2

Βασικές Έννοιες Αλγορίθμων

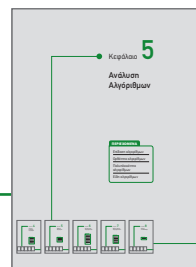
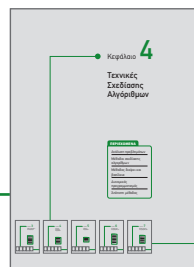
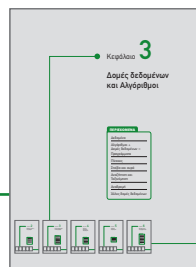
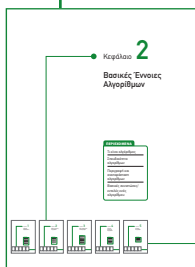
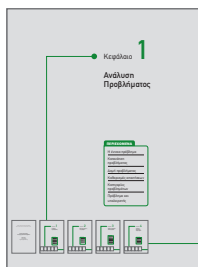
ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΑ

Τι είναι αλγόριθμος

Σπουδαιότητα
αλγορίθμων

Περιγραφή και
αναπαράσταση
αλγορίθμων

Βασικές συνιστώσες/
εντολές ενός
αλγορίθμου



2.1 | Τι είναι αλγόριθμος

Η θεωρία των αλγορίθμων έχει μεγάλη παράδοση και η ηλικία μερικών αλγορίθμων αριθμεί χιλιάδες χρόνια, όπως για παράδειγμα ο αλγόριθμος του Ευκλείδη για την εύρεση του μέγιστου κοινού διαιρέτη δύο αριθμών ή το λεγόμενο κόσκινο του Ερατοσθένη για την εύρεση των πρώτων αριθμών από 1 ως n . Σήμερα το πεδίο της Θεωρίας Αλγορίθμων είναι ένα ιδιαίτερα ευρύ και πλούσιο πεδίο. Πληθώρα συγγραμμάτων έχει εμφανισθεί στη βιβλιογραφία, ενώ συνεχίζεται η περαιτέρω εμβάθυνση σε νέα σύγχρονα προβλήματα. Οι περισσότεροι από τους αλγορίθμους που συνήθως εξετάζονται στα σχετικά βιβλία έχουν προταθεί τα τελευταία 25 χρόνια, όση περίπου είναι και η ηλικία της Πληροφορικής ως μίας νέας αυθύπαρκτης επιστήμης.

Ο όρος αλγόριθμος, λοιπόν, χρησιμοποιείται για να δηλώσει μεθόδους που εφαρμόζονται για την επίλυση προβλημάτων. Ωστόσο, ένας πιο αυστηρός ορισμός της έννοιας αυτής είναι ο εξής.

ΟΡΙΣΜΟΣ

Αλγόριθμος είναι μια πεπερασμένη σειρά ενεργειών, αυστηρά καθορισμένων και εκτελέσιμων σε πεπερασμένο χρόνο, που στοχεύουν στην επίλυση ενός προβλήματος.

Κάθε αλγόριθμος απαραίτητα ικανοποιεί τα επόμενα κριτήρια.

Είσοδος (input). Καμία, μία ή περισσότερες τιμές δεδομένων πρέπει να δίνονται ως είσοδοι στον αλγόριθμο. Η περίπτωση που δεν δίνονται τιμές δεδομένων εμφανίζεται, όταν ο αλγόριθμος δημιουργεί και επεξεργάζεται κάποιες πρωτογενείς τιμές με τη βοήθεια συναρτήσεων παραγωγής τυχαίων αριθμών ή με τη βοήθεια άλλων απλών εντολών.

Έξοδος (output). Ο αλγόριθμος πρέπει να δημιουργεί τουλάχιστον μία τιμή δεδομένων ως αποτέλεσμα προς το χρήστη ή προς έναν άλλο αλγόριθμο.

Καθοριστικότητα (definiteness). Κάθε εντολή πρέπει να καθορίζεται χωρίς καμία αμφιβολία για τον τρόπο εκτέλεσής της. Λόγου χάριν, μία εντολή διαίρεσης πρέπει να θεωρεί και την περίπτωση όπου ο διαιρέτης λαμβάνει μηδενική τιμή.

Περατότητα (finiteness). Ο αλγόριθμος να τελειώνει μετά από πεπερασμένα βήματα εκτέλεσης των εντολών του. Μία διαδικασία που δεν τελειώνει μετά από ένα συγκεκριμένο αριθμό βημάτων δεν αποτελεί αλγόριθμο, αλλά λέγεται απλά υπολογιστική διαδικασία (computational procedure).

Αποτελεσματικότητα (effectiveness). Κάθε μεμονωμένη εντολή του αλγορίθμου να είναι απλή. Αυτό σημαίνει ότι μία εντολή δεν αρκεί να έχει ορισθεί, αλλά πρέπει να είναι και εκτελέσιμη.

Η έννοια του αλγορίθμου δεν συνδέεται αποκλειστικά και μόνο με προβλήματα της Πληροφορικής. Ας θεωρήσουμε, για παράδειγμα, ότι θέλου-

Ιστορικό σημείωμα

Η λέξη *αλγόριθμος* (algorithm) προέρχεται από μια μελέτη του Πέρση μαθηματικού Abu Ja'far Mohammed ibn Musa al Khwarizmi, που έζησε περί το 825 μ.Χ. Πέντε αιώνες αργότερα η μελέτη αυτή μεταφράστηκε στα λατινικά και άρχισε με τη φράση "Algoritmi dixit..." (ο αλγόριθμος λέει...). Η μελέτη του al Khwarizmi υπήρξε η πρώτη πλήρης πραγματεία άλγεβρας (όρος που και αυτός προέρχεται από το αραβικό al-jabr=αποκατάσταση), γιατί ένας από τους σκοπούς της άλγεβρας είναι και η αποκατάσταση της ισότητας μέσα σε μια εξίσωση. Ο όρος αλγόριθμος επέζησε επί χίλια χρόνια ως σπάνιος όρος, που σήμαινε κάτι σαν "συστηματική διαδικασία αριθμητικών χειρισμών". Τη σημερινή του αξία απόκτησε από την αρχή του 20ού αιώνα με την ανάπτυξη της ομώνυμης θεωρίας και φυσικά με την επικαιρότητα των ηλεκτρονικών υπολογιστών.

με να γευματίσουμε και επομένως πρέπει να εκτελέσουμε τις επόμενες ενέργειες:

να συγκεντρώσουμε τα υλικά,
να προετοιμάσουμε τα σκεύη μαγειρικής,
να παρασκευάσουμε το φαγητό,
να ετοιμάσουμε τη σαλάτα,
να στρώσουμε το τραπέζι,
να γευματίσουμε,
να καθαρίσουμε το τραπέζι, και
να πλύνουμε τα πιάτα και τα κουζινικά.

Είναι ευνόητο ότι η προηγούμενη αλληλουχία των ενεργειών οδηγεί στο επιθυμητό αποτέλεσμα. Βέβαια, αυτή η αλληλουχία δεν είναι η μοναδική για την επίτευξη του σκοπού, αφού, για παράδειγμα, μπορούμε πρώτα να ετοιμάσουμε τη σαλάτα και μετά να παρασκευάσουμε το φαγητό, ενώ ακόμη μπορούμε πρώτα να πλύνουμε τα πιάτα και μετά να καθαρίσουμε το τραπέζι. Ωστόσο, το παράδειγμα θέλει να δείξει ότι η θεώρηση μίας σύνθετης εργασίας με διακριτά βήματα που εκτελούνται διαδοχικά είναι ένας πολύ χρήσιμος και πρακτικός τρόπος σκέψης για την επίλυση πολλών (αν όχι όλων των) προβλημάτων.

2.2 | Σπουδαιότητα αλγορίθμων

Η έννοια του αλγορίθμου είναι θεμελιώδης για την επιστήμη της Πληροφορικής. Η μελέτη των αλγορίθμων είναι πολύ ενδιαφέρουσα, γιατί είναι η πρώτη ύλη για τη μελέτη και εμβάθυνση, αν όχι σε όλες, τουλάχιστον σε πάρα πολλές γνωστικές περιοχές της επιστήμης αυτής.

Η Πληροφορική, λοιπόν, μπορεί να ορισθεί ως η επιστήμη που μελετά τους αλγορίθμους από τις ακόλουθες σκοπιές:

Υλικού (hardware). Η ταχύτητα εκτέλεσης ενός αλγορίθμου επηρεάζεται από τις διάφορες τεχνολογίες υλικού, δηλαδή από τον τρόπο που είναι δομημένα σε μία ενιαία αρχιτεκτονική τα διάφορα συστατικά του υπολογιστή (δηλαδή ανάλογα με το αν ο υπολογιστής έχει κρυφή μνήμη και πόση, ανάλογα με την ταχύτητα της κύριας και δευτερεύουσας μνήμης κ.ο.κ.).

Γλωσσών Προγραμματισμού (programming languages). Το είδος της γλώσσας προγραμματισμού που χρησιμοποιείται (δηλαδή, χαμηλότερου ή υψηλότερου επιπέδου) αλλάζει τη δομή και τον αριθμό των εντολών ενός αλγορίθμου. Γενικά μία γλώσσα που είναι χαμηλότερου επιπέδου (όπως η assembly ή η γλώσσα C) είναι ταχύτερη από μία άλλη γλώσσα που είναι υψηλότερου επιπέδου (όπως η Basic ή Pascal). Ακόμη, σημειώνεται ότι διαφορές συναντώνται μεταξύ των γλωσσών σε σχέση με το πότε εμφανίσθηκαν. Για παράδειγμα, παλαιότερα μερικές γλώσσες προγραμματισμού δεν υποστήριζαν την αναδρομή (έννοια που θα εξετάσουμε σε βάθος αργότερα).

Θεωρητική (theoretical). Το ερώτημα που συχνά τίθεται είναι αν πράγματι υπάρχει ή όχι κάποιος αποδοτικός αλγόριθμος για την επίλυση ενός προβλήματος. Η εξέταση αυτού του ερωτήματος είναι

δύσκολο να σχολιασθεί στα πλαίσια του βιβλίου αυτού, επειδή απαιτεί μεγάλη θεωρητική κατάρτιση. Ωστόσο η προσέγγιση αυτή είναι ιδιαίτερα σημαντική, γιατί προσδιορίζει τα όρια της λύσης που θα βρεθεί σε σχέση με ένα συγκεκριμένο πρόβλημα.

Αναλυτική (analytical). Μελετώνται οι υπολογιστικοί πόροι (computer resources) που απαιτούνται από έναν αλγόριθμο, όπως για παράδειγμα το μέγεθος της κύριας και της δευτερεύουσας μνήμης, ο χρόνος για λειτουργίες CPU και για λειτουργίες εισόδου/εξόδου κ.λπ. Το αντικείμενο αυτό θα εξηγηθεί πληρέστερα στο Κεφάλαιο 5.

2.3 | Περιγραφή και αναπαράσταση αλγορίθμων

Στη βιβλιογραφία συναντώνται διάφοροι **τρόποι αναπαράστασης** ενός αλγορίθμου:

με **ελεύθερο κείμενο** (free text), που αποτελεί τον πιο ανεπεξέργαστο και αδόμητο τρόπο παρουσίασης αλγορίθμου. Έτσι εγκυμονεί τον κίνδυνο ότι μπορεί εύκολα να οδηγήσει σε μη εκτελέσιμη παρουσίαση παραβιάζοντας το τελευταίο χαρακτηριστικό των αλγορίθμων, δηλαδή την αποτελεσματικότητα.

με **διαγραμματικές τεχνικές** (diagramming techniques), που συνιστούν ένα γραφικό τρόπο παρουσίασης του αλγορίθμου. Από τις διάφορες διαγραμματικές τεχνικές που έχουν επινοηθεί, η πιο παλιά και η πιο γνωστή ίσως, είναι το **διάγραμμα ροής** (flow chart). Ωστόσο η χρήση διαγραμμάτων ροής για την παρουσίαση αλγορίθμων δεν αποτελεί την καλύτερη λύση, γι' αυτό και εμφανίζονται όλο και σπανιότερα στη βιβλιογραφία και στην πράξη.

με **φυσική γλώσσα** (natural language) κατά βήματα. Στην περίπτωση αυτή χρειάζεται προσοχή, γιατί **μπορεί να παραβιασθεί** το τρίτο βασικό χαρακτηριστικό ενός αλγορίθμου, όπως προσδιορίσθηκε προηγουμένως, δηλαδή **το κριτήριο του καθορισμού**.

με **κωδικοποίηση** (coding), δηλαδή με ένα πρόγραμμα γραμμένο είτε σε μία ψευδογλώσσα είτε σε κάποια γλώσσα προγραμματισμού που όταν εκτελεσθεί θα δώσει τα ίδια αποτελέσματα με τον αλγόριθμο.

Όλοι οι αλγόριθμοι του βιβλίου αυτού είναι κωδικοποιημένοι σε μία υποθετική δομημένη ψευδογλώσσα, ωστόσο οι περισσότεροι από αυτούς μπορούν εύκολα σχετικά να προγραμματισθούν σε οποιαδήποτε γλώσσα προγραμματισμού.

2.4 | Βασικές συνιστώσες/εντολές ενός αλγορίθμου

Στη συνέχεια δίνονται παραδείγματα αλγορίθμων όπου εξετάζονται οι διάφορες συνιστώσες ενός αλγορίθμου, δηλαδή οι απαραίτητες εντολές ξεκινώντας από τις απλούστερες και προχωρώντας προς τις συνθετότερες. Πιο συγκεκριμένα θα εξετασθούν περιπτώσεις σειριακών εντολών,

αναθέσεων τιμών, επιλογής με βάση κριτήρια, διαδικασιών επανάληψης, ενεργειών πολλαπλών επιλογών καθώς και συνδυασμό εμφωλευμένων περιπτώσεων. Για κάθε περίπτωση παρουσιάζονται σχετικά παραδείγματα με την εκφώνηση (σε φυσική γλώσσα), την παρουσίαση των βημάτων που πρέπει να ακολουθηθούν καθώς και το αντίστοιχο διάγραμμα ροής.

ΣΥΜΒΟΛΑ ΔΙΑΓΡΑΜΜΑΤΟΣ ΡΟΗΣ

Ένα διάγραμμα ροής αποτελείται από ένα σύνολο γεωμετρικών σχημάτων, όπου το καθένα δηλώνει μία συγκεκριμένη ενέργεια ή λειτουργία. Τα γεωμετρικά σχήματα ενώνονται μεταξύ τους με βέλη, που δηλώνουν τη σειρά εκτέλεσης των ενεργειών αυτών. Τα κυριότερα χρησιμοποιούμενα γεωμετρικά σχήματα είναι τα εξής:

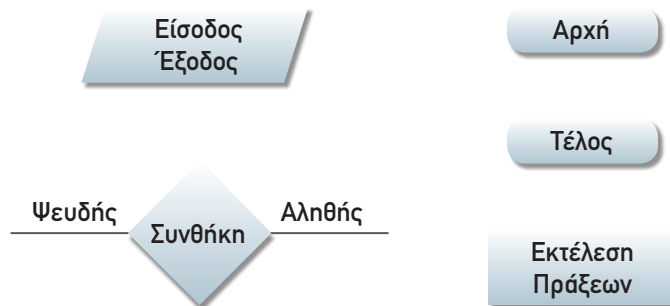
έλλειψη, που δηλώνει την αρχή και το τέλος του κάθε αλγορίθμου,

ρόμβος, που δηλώνει μία ερώτηση με δύο ή περισσότερες εξόδους για απάντηση,

ορθογώνιο, που δηλώνει την εκτέλεση μίας ή περισσότερων πράξεων, και

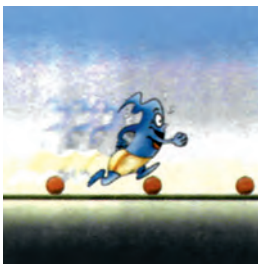
πλάγιο παραλληλόγραμμο, που δηλώνει είσοδο ή έξοδο στοιχείων. Πολλές φορές το σχήμα αυτό μπορεί να διαφοροποιείται προκειμένου να προσδιορίζεται και το είδος της συσκευής απ' όπου γίνεται η είσοδος ή η έξοδος.

Το επόμενο σχήμα αποτυπώνει όλα αυτά τα σύμβολα.



Μερικά από τα χρησιμοποιούμενα γεωμετρικά σύμβολα στα διαγράμματα ροής.

2.4.1 Δομή ακολουθίας



Η ακολουθιακή δομή εντολών (σειριακών βημάτων) χρησιμοποιείται πρακτικά για την αντιμετώπιση απλών προβλημάτων, όπου είναι δεδομένη η σειρά εκτέλεσης ενός συνόλου ενεργειών. Ένα απλό παράδειγμα από την καθημερινή ζωή είναι η ακολουθία οδηγιών μίας συνταγής μαγειρικής με στόχο την κατασκευή ενός φαγητού. Τα βήματα και οι ποσότητες που πρέπει να ακολουθηθούν είναι συγκεκριμένα και οι οδηγίες απόλυτα καθορισμένες και σαφείς. Το παράδειγμα που ακολουθεί παρουσιάζει ένα απλό πρόβλημα που επιλύεται με σειριακή εκτέλεση εντολών.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 1. Ανάγνωση και εκτύπωση αριθμών

Να διαβασθούν δύο αριθμοί, να υπολογισθεί και να εκτυπωθεί το άθροισμά τους.

Από την εκφώνηση προκύπτει αμέσως ο επόμενος αλγόριθμος

Αλγόριθμος Παράδειγμα_1

Διάβασε a

Διάβασε b

$c \leftarrow a + b$

Εκτύπωσε c

Τέλος Παράδειγμα_1

Ένας αλγόριθμος διατυπωμένος σε ψευδογλώσσα αρχίζει πάντα με τη λέξη *Αλγόριθμος* συνοδευόμενη με το όνομα του αλγορίθμου και τελειώνει με τη λέξη *Τέλος* συνοδευόμενη επίσης με το όνομα του αλγορίθμου. Η πρώτη ενέργεια που γίνεται είναι η εισαγωγή των δεδομένων. Αυτό επιτυγχάνεται με τη χρήση του ρήματος *Διαβάζω* σε προστακτική. Η λέξη *Διάβασε* συνοδεύεται με το όνομα μίας ή περισσότερων μεταβλητών, όπως η a και εννοείται ότι μετά την ολοκλήρωση της ενέργειας αυτής, η μεταβλητή a θα έχει λάβει κάποια αριθμητική τιμή ως περιεχόμενο. Κάθε λέξη της χρησιμοποιούμενης ψευδογλώσσας, που προσδιορίζει μια σαφή ενέργεια, θα αποκαλείται στο εξής *εντολή*. Όλες οι εντολές σε έναν αλγόριθμο αποτυπώνονται με διαφορετικό χρώμα από το όνομα του αλγορίθμου και τις διάφορες σταθερές και μεταβλητές.

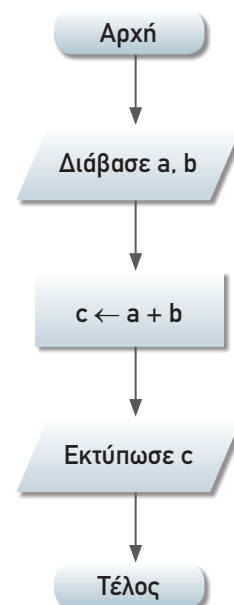
Μετά την ανάγνωση των τιμών των μεταβλητών a και b γίνεται ο υπολογισμός του αθροίσματος με την εντολή: $c \leftarrow a + b$. Η εντολή αυτή αποκαλείται *εντολή εκχώρησης τιμής*. Η γενική μορφή της είναι:

Μεταβλητή $\leftarrow$ *Έκφραση*



Διάβασε = εκτελεστέα εντολή

Αλγόριθμος = δηλωτική εντολή



Σχ. 2.1. Ο αλγόριθμος του παραδείγματος 1 με διάγραμμα ροής

Σταθερές (constants). Με τον όρο αυτό αναφερόμαστε σε προκαθορισμένες τιμές που παραμένουν αμετάβλητες σε όλη τη διάρκεια της εκτέλεσης ενός αλγορίθμου. Οι σταθερές διακρίνονται σε

αριθμητικές, π.χ. 123, +5, -1,25

αλφαριθμητικές π.χ. "Τιμή", "Κατάσταση αποτελεσμάτων"

λογικές που είναι ακριβώς δύο, Αληθής και Ψευδής

Μεταβλητές (variables). Μια μεταβλητή είναι ένα γλωσσικό αντικείμενο, που χρησιμοποιείται για να παραστήσει ένα στοιχείο δεδομένου. Στη μεταβλητή εκχωρείται μια τιμή, η οποία μπορεί να αλλάξει κατά τη διάρκεια εκτέλεσης του αλγορίθμου. Ανάλογα με το είδος της τιμής που μπορούν να λάβουν, οι μεταβλητές διακρίνονται σε αριθμητικές, αλφαριθμητικές και λογικές.

Τελεστές (operators). Πρόκειται για τα γνωστά σύμβολα που χρησιμοποιούνται στις διάφορες πράξεις. Οι τελεστές διακρίνονται σε αριθμητικούς, λογικούς και συγκριτικούς.

Εκφράσεις (expressions). Οι εκφράσεις διαμορφώνονται από τους τελεστές (operands), που είναι σταθερές και μεταβλητές και από τους τελεστές. Η διεργασία αποτίμησης μιας έκφρασης συνίσταται στην απόδοση τιμών στις μεταβλητές και στην εκτέλεση των πράξεων. Η τελική τιμή μιας έκφρασης εξαρτάται από την ιεραρχία των πράξεων και τη χρήση των παρενθέσεων. Μια έκφραση μπορεί να αποτελείται από μια μόνο μεταβλητή ή σταθερά μέχρι μια πολύπλοκη μαθηματική παράσταση.

και η λειτουργία της είναι “γίνονται οι πράξεις στην έκφραση και το αποτέλεσμα αποδίδεται, μεταβιβάζεται, εκχωρείται στη μεταβλητή”. Στην εντολή αυτή χρησιμοποιείται το αριστερό βέλος, προκειμένου να δείχνει τη φορά της εκχώρησης. Ας σημειωθεί ότι δεν πρόκειται για εξίσωση, παρ’ όλο που σε άλλα βιβλία μπορεί να χρησιμοποιείται το σύμβολο ίσον “=” για τον ίδιο σκοπό. Ας σημειωθεί επίσης ότι οι διάφορες γλώσσες προγραμματισμού χρησιμοποιούν διάφορα σύμβολα για το σκοπό αυτό.

Τέλος ο αλγόριθμος ολοκληρώνεται με την εντολή *Εκτύπωσε*, που αποτυπώνει το τελικό αποτέλεσμα στον εκτυπωτή. Η σύνταξη της εντολής αυτής είναι ανάλογη με αυτή της *Διάβασε*. Εναλλακτικά μπορεί να χρησιμοποιηθεί και η εντολή *Εμφάνισε*, που αποτυπώνει ένα αποτέλεσμα στην οθόνη.

Στον προηγούμενο αλγόριθμο οι μεταβλητές a και b είναι τα δεδομένα που αποτελούν την είσοδο, ενώ η μεταβλητή c αντιπροσωπεύει το αποτέλεσμα, δηλαδή την έξοδο του αλγορίθμου. Επιπλέον, ο αλγόριθμος έχει απολύτως καθορισμένη την κάθε εντολή (*καθοριστικότητα*), τελειώνει μετά από συγκεκριμένο αριθμό βημάτων (*περατότητα*), ενώ κάθε εντολή του είναι ιδιαίτερα σαφής και απλή (*αποτελεσματικότητα*). Επομένως ο αλγόριθμος αυτός πληροί τα κριτήρια που χαρακτηρίζουν τον ορισμό της έννοιας του αλγορίθμου, όπως αυτά περιγράφηκαν στην παράγραφο 2.1.

2.4.2 Δομή Επιλογής



Στην πραγματικότητα πολύ λίγα προβλήματα μπορούν να επιλυθούν με τον προηγούμενο τρόπο της σειριακής/ακολουθιακής δομής ενεργειών. Συνήθως τα προβλήματα έχουν κάποιες ιδιαιτερότητες και δεν ισχύουν τα ίδια βήματα για κάθε περίπτωση. Η πλέον συνηθισμένη περίπτωση είναι να λαμβάνονται κάποιες αποφάσεις με βάση κάποια δεδομένα κριτήρια, που μπορεί να είναι διαφορετικά για κάθε διαφορετικό στιγμιότυπο ενός προβλήματος. Οι καθημερινές απλές μας ενέργειες περιέχουν αυτή τη διαδικασία επιλογής με βάση κάποια κατάσταση. Για παράδειγμα, το πρόβλημα της προετοιμασίας μας για έξοδο σχετίζεται με τις καιρικές συνθήκες. Έτσι λέμε ότι, “αν βρέχει, θα πάρω ομπρέλα, αλλιώς θα πάρω καπέλο”. Η συνθήκη εδώ είναι το “αν βρέχει”, ενώ η απόφαση είναι είτε να πάρω την “ομπρέλα” είτε το “καπέλο” με βάση την “τιμή” της συνθήκης.

Γενικά η διαδικασία της επιλογής περιλαμβάνει τον έλεγχο κάποιας συνθήκης που μπορεί να έχει δύο τιμές (Αληθής ή Ψευδής) και ακολουθεί η απόφαση εκτέλεσης κάποιας ενέργειας με βάση την τιμή της λογικής αυτής συνθήκης. Στη συνέχεια δίνονται δύο παραδείγματα ενεργειών με βάση κάποια συνθήκη επιλογής. Το πρώτο παράδειγμα αφορά στην εκτέλεση κάποιας ενέργειας όταν η συνθήκη είναι Αληθής, ενώ το δεύτερο παράδειγμα αφορά στην εκτέλεση μίας ενέργειας όταν η συνθήκη είναι Αληθής και κάποιας άλλης ενέργειας όταν η συνθήκη είναι Ψευδής.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 2. Σύγκριση αριθμών με απλή επιλογή

Να διαβαστεί ένας αριθμός και να εκτυπωθεί η απόλυτη τιμή του.

Όπως είναι γνωστό, η απόλυτη τιμή ενός αριθμού είναι ο ίδιος ο αριθμός, αν αυτός είναι θετικός ή μηδέν και ο αντίθετός του, αν είναι αρνητικός. Έτσι προκειμένου να βρεθεί η απόλυτη τιμή, αρκεί να ελεγχθεί, αν τυχόν



$$|+5| = 5 \text{ και } |-5| = 5$$

ο δεδομένος αριθμός είναι αρνητικός, οπότε στην περίπτωση αυτή πρέπει να βρεθεί ο αντίθετός του. Ο συλλογισμός αυτός οδηγεί στον επόμενο αλγόριθμο.

Αλγόριθμος Παράδειγμα_2

Διάβασε a

Αν $a < 0$ **τότε** $a \leftarrow a * (-1)$

Εκτύπωσε a

Τέλος Παράδειγμα_2

Στην παράσταση αλγορίθμων με ψευδογλώσσα η επιλογή υλοποιείται με την εντολή **Αν...τότε**. Η σύνταξη της εντολής είναι:

Αν συνθήκη τότε εντολή

και η λειτουργία της είναι: Αν ισχύει η συνθήκη (δηλαδή αν είναι αληθής), τότε μόνο εκτελείται η εντολή. Σε κάθε περίπτωση εκτελείται στη συνέχεια η εντολή, που ακολουθεί.

Στην εντολή **Αν...τότε** είναι πιθανό, όταν ισχύει η συνθήκη, να απαιτείται η εκτέλεση περισσότερων από μία εντολές. Στην περίπτωση αυτή οι διαδοχικές εντολές γράφονται από κάτω και σε εσοχή, ενώ το σχήμα επιλογής κλείνει με τη λέξη **Τέλος_αν**. Π.χ.

Αν συνθήκη τότε

εντολή_1

εντολή_2

.....

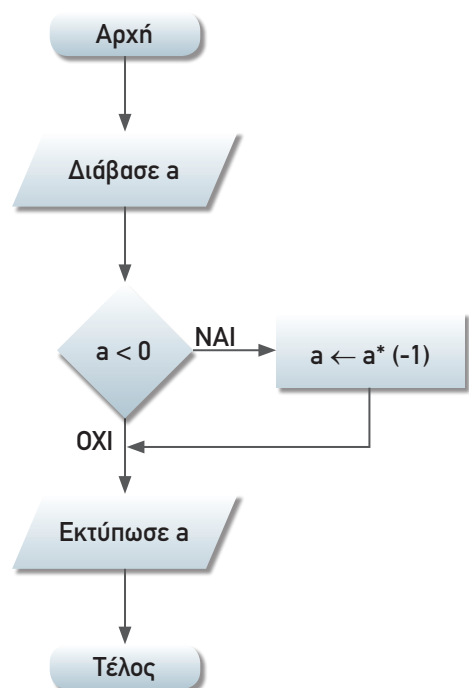
εντολή_ν

Τέλος_αν

Όπως και στον αλγόριθμο του προηγούμενου παραδείγματος, εύκολα προκύπτει ότι η τιμή a είναι και είσοδος αλλά και έξοδος του αλγορίθμου. Επιπλέον, ο αλγόριθμος έχει καθορισμένη κάθε του εντολή (καθοριστικότητα), τελειώνει μετά από πεπερασμένο αριθμό βημάτων (περατότητα), ενώ κάθε εντολή του είναι ιδιαίτερα απλή κατά την εκτέλεσή της (αποτελεσματικότητα). Έτσι προκύπτει ότι ο αλγόριθμος αυτός πράγματι πληροί τα κριτήρια που περιγράφηκαν στην παράγραφο 2.1.



Η συνθήκη είναι μια λογική έκφραση.



Σχ. 2.2. Ο αλγόριθμος του παραδείγματος 2 με διάγραμμα ροής

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 3. Σύγκριση αριθμών με σύνθετη επιλογή

Να διαβασθούν δύο αριθμοί και σε περίπτωση που ο πρώτος αριθμός είναι μικρότερος του δεύτερου, να υπολογισθεί και να εκτυπωθεί το άθροισμά τους, διαφορετικά να υπολογισθεί και να εκτυπωθεί το γινόμενό τους.

Αλγόριθμος Παράδειγμα_3

Διάβασε a, b

Αν $a < b$ **τότε**

$c \leftarrow a + b$

αλλιώς

$c \leftarrow a * b$

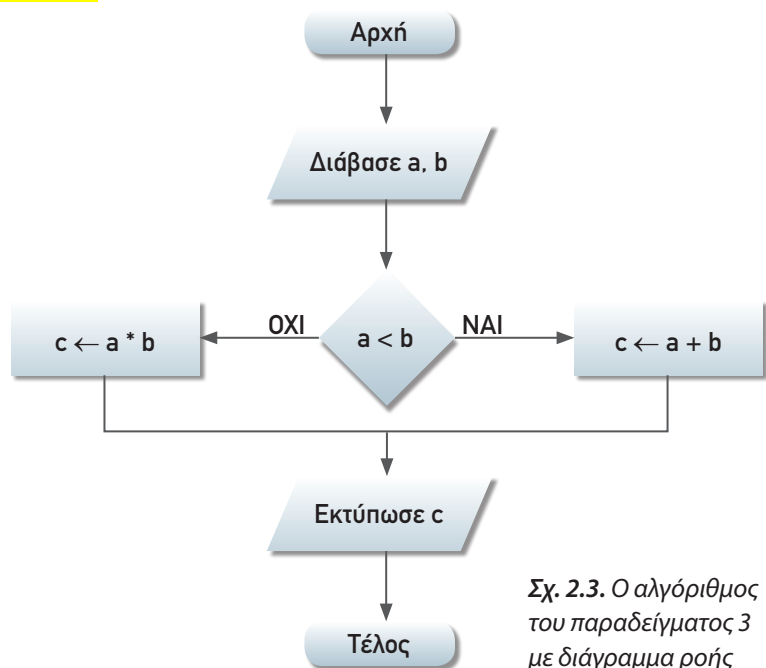
Τέλος_αν

Εκτύπωσε c

Τέλος Παράδειγμα_3

Στο παράδειγμα αυτό χρησιμοποιείται η γενική μορφή της εντολής επιλογής, που είναι:

Αν συνθήκη **τότε**
 εντολή ή εντολές
αλλιώς
 εντολή ή εντολές
Τέλος_αν



Σχ. 2.3. Ο αλγόριθμος του παραδείγματος 3 με διάγραμμα ροής

2.4.3 Διαδικασίες πολλαπλών επιλογών

Οι διαδικασίες των πολλαπλών επιλογών εφαρμόζονται στα προβλήματα όπου μπορεί να ληφθούν διαφορετικές αποφάσεις ανάλογα με την τιμή που παίρνει μία έκφραση. Για παράδειγμα, κάθε γράμμα της αλφαβήτου

μπορεί να αντιστοιχηθεί σε κάποιον ακέραιο αριθμό από το 1 μέχρι και 24, για τις ανάγκες κάποιας κωδικοποίησης. Στο παράδειγμα που ακολουθεί παρουσιάζεται μία περίπτωση πολλαπλών επιλογών με διαφορετική ακολουθία εντολών σε κάθε περίπτωση.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 4. Ανάθεση γραμμάτων σε αριθμούς

Να διαβασθεί ένας ακέραιος και να εκτυπωθεί το αντίστοιχο γράμμα της αλφαβήτου αν ο ακέραιος έχει τιμή 1 ή 2 ή 3, διαφορετικά να εκτυπωθεί η λέξη "άγνωστος".

Αλγόριθμος Παράδειγμα_4

Διάβασε a

Αν a = 1 **τότε εκτύπωσε** "Α"

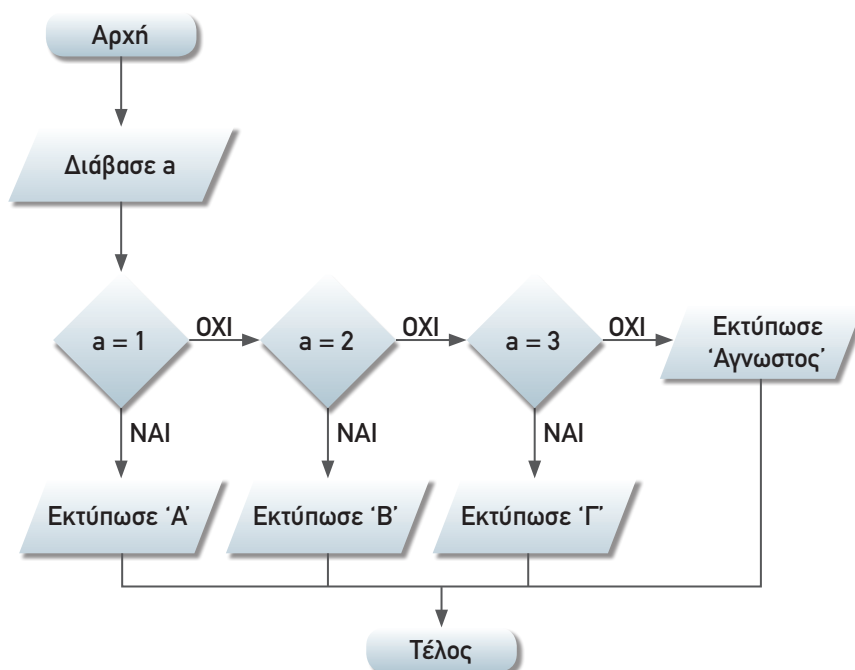
αλλιώς_αν a = 2 **τότε εκτύπωσε** "Β"

αλλιώς_αν a = 3 **τότε εκτύπωσε** "Γ"

αλλιώς εκτύπωσε "άγνωστος"

Τέλος_αν

Τέλος Παράδειγμα_4



Σχ. 2.4. Ο αλγόριθμος του παραδείγματος 4 με διάγραμμα ροής

Αν οι διαφορετικές επιλογές είναι πολλές, τότε είναι προτιμότερο να χρησιμοποιηθεί το σχήμα πολλαπλής επιλογής *Επίλεξε...Τέλος επιλογών* (select case), όπως στο παράδειγμα που ακολουθεί.

Στο σχήμα πολλαπλής επιλογής Επίλεξε... Τέλος_επιλογών, που χρησιμοποιήθηκε στο παράδειγμα αυτό, εξετάζεται μια έκφραση (εδώ είναι μια μόνο μεταβλητή, η age). Ανάλογα με την τιμή της έκφρασης εκτελούνται οι εντολές μετά την Περίπτωση που αντιστοιχεί στην τιμή της έκφρασης. Οι τιμές που συνοδεύουν κάθε Περίπτωση μπορεί να είναι μία ή περισσότερες διακριτές τιμές, περιοχή τιμών από - έως ή να υπακούουν σε μια συνθήκη (όπως στο παράδειγμα αυτό). Αν η τιμή της έκφρασης δεν αντιστοιχεί σε καμία Περίπτωση, τότε εκτελούνται οι εντολές που ακολουθούν την Περίπτωση αλλιώς. Μετά την εκτέλεση μιας περίπτωσης, ο αλγόριθμος συνεχίζει με την εντολή, που ακολουθεί το Τέλος_επιλογών

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 5. Επιλογή ορίων

Να εισαχθεί ένας ακέραιος που αντιστοιχεί σε μια ηλικία και να βρεθεί σε ποια όρια εντάσσεται η δεδομένη ηλικία εμφανίζοντας σχετικό μήνυμα.

Αλγόριθμος Παράδειγμα 5.

Εμφάνισε "Σε ποια ηλικία άρχισες να μαθαίνεις προγραμματισμό;"

Διάβασε age

Επίλεξε age

Περίπτωση < 0

Εμφάνισε "Είπαμε ηλικία ..."

Περίπτωση < 5

Εμφάνισε "Μάλλον τα παραλές !!"

Περίπτωση < 60

Εμφάνισε "Μπράβο"

Περίπτωση < 100

Εμφάνισε "Ποτέ δεν είναι αργά"

Περίπτωση αλλιώς

Εμφάνισε "Κάλλιο αργά παρά ποτέ"

Τέλος_επιλογών

Τέλος Παράδειγμα_5

2.4.4 Εμφωλευμένες Διαδικασίες

Πολλαπλές επιλογές μπορούν να γίνουν και με μία εμφωλευμένη δομή. Το επόμενο παράδειγμα περιγράφει τον τρόπο με τον οποίο μία εντολή Αν... τότε είναι η εντολή που εκτελείται, όταν ισχύει (ή δεν ισχύει) η συνθήκη μίας άλλης εντολής Αν... τότε. Βέβαια η λογική αυτή μπορεί να επεκταθεί, δηλαδή να έχουμε νέα εμφωλευμένη δομή μέσα σε μία εμφωλευμένη δομή κ.ο.κ.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 6. Χαρακτηρισμός ατόμων

Να διαβάζονται δύο αριθμοί που αντιστοιχούν στο ύψος και βάρος ενός άνδρα. Να εκτυπώνεται ότι ο άνδρας είναι "ελαφρύς", αν το βάρος του είναι κάτω από 80 κιλά, ή να εκτυπώνεται "βαρύς" στην αντίθετη περίπτωση. Επίσης να εκτυπώνεται "κοντός" αν το ύψος του είναι κάτω από 1.70, αλλιώς να εκτυπώνεται "ψηλός".

Αλγόριθμος Παράδειγμα_6

Διάβασε βάρος, ύψος

Αν βάρος < 80 **τότε**

Αν ύψος < 1.70 **τότε**

εκτύπωσε "ελαφρύς-κοντός"

αλλιώς

εκτύπωσε "ελαφρύς-ψηλός"

Τέλος_αν

αλλιώς

Αν ύψος < 1.70 **τότε**

εκτύπωσε "βαρύς-κοντός"

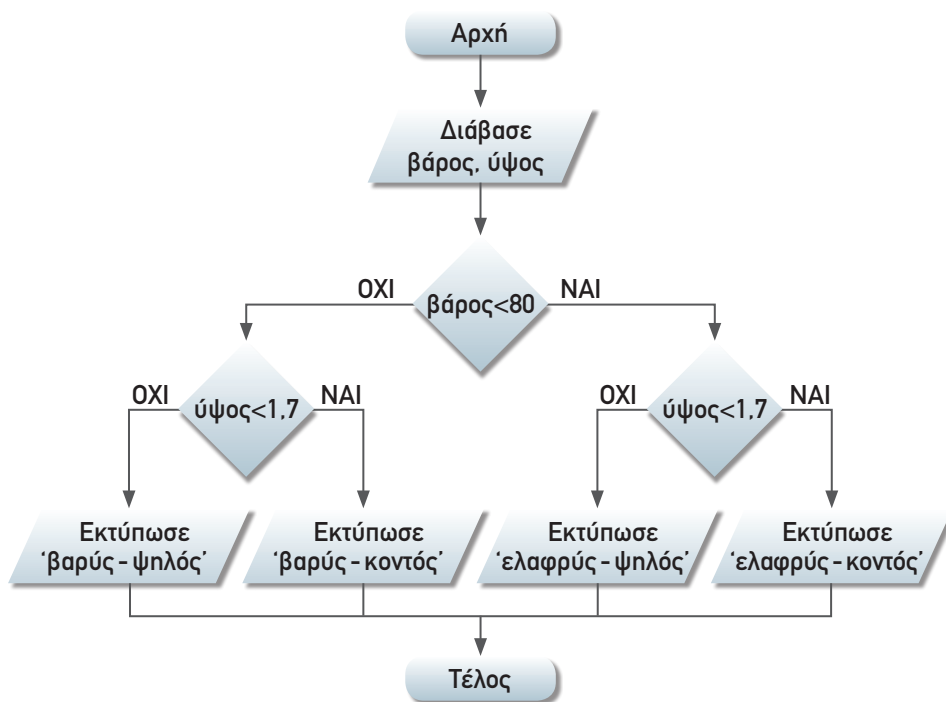
αλλιώς

εκτύπωσε "βαρύς-ψηλός"

Τέλος_αν

Τέλος_αν

Τέλος Παράδειγμα_6



Σχ. 2.5. Ο αλγόριθμος του παραδείγματος 6 με διάγραμμα ροής

Σε πολλές περιπτώσεις η συνθήκη είναι αρκετά πιο “δύσκολη”, δηλαδή εμπεριέχει αποφάσεις που πιθανόν να βασίζονται σε περισσότερα από ένα κριτήρια. Ο συνδυασμός των κριτηρίων αυτών καθορίζει και τις “λογικές” πράξεις που μπορούν να γίνουν μεταξύ διαφορετικών συνθηκών. Πολύ συχνά στην καθημερινή ζωή κάποιες αποφάσεις βασίζονται σε συνδυασμούς κριτηρίων και λογικών πράξεων. Για παράδειγμα, το πρόβλημα της προετοιμασίας μας για έξοδο μπορεί να επεκταθεί ως εξής “αν βρέχει ή αν χιονίζει θα πάρω ομπρέλα”, είτε στην πρόταση “αν έχει ήλιο **και** αν έχει ζέστη θα πάρω καπέλο”, είτε στην πρόταση “αν **δεν** έχει ήλιο θα πάρω ομπρέλα”. Οι τρεις αυτές προτάσεις περιγράφουν και τις τρεις λογικές πράξεις που μπορεί να ισχύουν μεταξύ διαφορετικών συνθηκών. **Η λογική πράξη ή είναι αληθής όταν οποιαδήποτε από τις δύο προτάσεις είναι αληθής. Η λογική πράξη και είναι αληθής όταν και οι δύο προτάσεις είναι αληθείς ενώ η λογική πράξη όχι (η λέξη “δεν” στο παράδειγμά μας) είναι αληθής όταν η πρόταση που την ακολουθεί είναι ψευδής.** Ο επόμενος πίνακας δίνει τις τιμές των τριών αυτών λογικών πράξεων για όλους τους συνδυασμούς τιμών.

Πρόταση Α	Πρόταση Β	Α ή Β	Α και Β	όχι Α
Αληθής	Αληθής	Αληθής	Αληθής	Ψευδής
Αληθής	Ψευδής	Αληθής	Ψευδής	Ψευδής
Ψευδής	Αληθής	Αληθής	Ψευδής	Αληθής
Ψευδής	Ψευδής	Ψευδής	Ψευδής	Αληθής

2.4.5 Δομή Επανάληψης



Η διαδικασία της επανάληψης είναι ιδιαίτερα συχνή, αφού πλήθος προβλημάτων μπορούν να επιλυθούν με κατάλληλες επαναληπτικές διαδικασίες. Η λογική των επαναληπτικών διαδικασιών εφαρμόζεται στις περιπτώσεις όπου μία ακολουθία εντολών πρέπει να εφαρμοσθεί σε ένα σύνολο περιπτώσεων, που έχουν κάτι κοινό. Για παράδειγμα, όλες οι τράπεζες κάθε εξάμηνο αποδίδουν τόκους των καταθέσεων ταμειευτηρίου. Ο υπολογισμός των τόκων πρέπει να γίνει για όλους τους λογαριασμούς της τράπεζας, άρα η πράξη

$$\text{τόκος} = \text{ποσό} * \text{επιτόκιο}$$

πρέπει να εκτελεσθεί για όλους τους τραπεζικούς λογαριασμούς. Οι επαναληπτικές διαδικασίες μπορεί να έχουν διάφορες μορφές και συνήθως εμπεριέχουν και συνθήκες επιλογών (όπως αυτές περιγράφηκαν στην προηγούμενη υποπαράγραφο). Στη συνέχεια δίνεται ένα σύνολο παραδειγμάτων που εντάσσονται στις πλέον γνωστές κατηγορίες επαναληπτικών διαδικασιών.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 7. Εκτύπωση διαδοχικών αριθμών με επαναληπτική εντολή: όσο...επανάλαβε

Να γραφεί αλγόριθμος που να εμφανίζει τους αριθμούς από 1 έως 100.

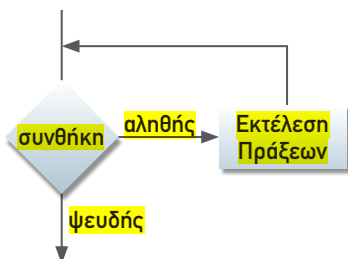


$i \leftarrow i + 1 \Rightarrow$ "η νέα τιμή της μεταβλητής i είναι η προηγούμενη συν ένα"

Στον αλγόριθμο αυτό επιζητείται η παρουσίαση μίας σειράς αριθμών. Αν οι αριθμοί αυτοί ήσαν λίγοι, τότε αυτό θα μπορούσε να γίνει με την παράθεση αντίστοιχων εντολών εμφάνισης. Το ίδιο θα συμβεί και στην περίπτωση που οι αριθμοί είναι περισσότεροι, αλλά δεν έχουν καμία σχέση μεταξύ τους, π.χ. 5, 207, -32 κ.ο.κ. Όμως στο ζητούμενο αλγόριθμο παρατηρούμε ότι κάθε αριθμός παράγεται από τον προηγούμενό του με απλό τρόπο, δηλαδή προσθέτοντας κάθε φορά το 1. Μπορεί λοιπόν να χρησιμοποιηθεί μια μεταβλητή, έστω i , η οποία αρχίζει από το 1 και καταλήγει στο 100 αυξανόμενη κατά 1. Η εκάστοτε αύξηση της μεταβλητής αυτής μπορεί να γίνει με τη χρήση της εντολής εκχώρησης

$$i \leftarrow i + 1$$

Η αρχική τιμή της μεταβλητής i ορίζεται εύκολα με την εντολή $i \leftarrow 1$. Το ζητούμενο είναι να εκτελεστεί 100 φορές η εντολή $i \leftarrow i + 1$. Αυτό επιτυγχάνεται με τη χρήση της εντολής Όσο ...επανάλαβε. Η σύνταξη της εντολής αυτής είναι:



Όσο συνθήκη επανάλαβε
εντολές

Τέλος_επανάληψης

Η λειτουργία της εντολής είναι η εξής: Επαναλαμβάνεται η εκτέλεση των εντολών, όσο η συνθήκη είναι αληθής. Όταν η συνθήκη γίνει ψευδής, τότε ο αλγόριθμος συνεχίζεται με την εντολή που ακολουθεί το **Τέλος_επανάληψης**. Με την εισαγωγή της εντολής αυτής η σχεδίαση του ζητούμενου αλγορίθμου είναι:

Αλγόριθμος Παράδειγμα_7

$i \leftarrow 1$

Όσο $i \leq 100$ **επανάλαβε**

Εμφάνισε i

$i \leftarrow i + 1$

Τέλος_επανάληψης

Τέλος Παράδειγμα_7

Το τμήμα του αλγορίθμου που επαναλαμβάνεται, δηλαδή από την εντολή Όσο μέχρι το Τέλος επανάληψης αποκαλείται **βρόχος**.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 8. Επαναληπτική είσοδος στοιχείων

Να γραφεί αλγόριθμος που να διαβάζει ένα άγνωστο πλήθος αριθμών και να εμφανίζει τον κάθε αριθμό.

Το πρόβλημα αυτό παρουσιάζει την εξής ιδιομορφία: ενώ φαίνεται ότι θα χρησιμοποιηθεί για τη λύση του κάποια επαναληπτική διαδικασία, δεν προσδιορίζεται ο τρόπος τερματισμού της. Καταρχήν, λοιπόν, ας εξετάσουμε τον αλγόριθμο που εκτελεί ένας άνθρωπος, όταν αντιγράφει κάποιους αριθμούς, όπως για παράδειγμα όταν συγκεντρώνονται τα έξοδα από διάφορους λογαριασμούς. Ο αλγόριθμος αυτός είναι:

Βήμα 1. Διάβασε έναν αριθμό

Βήμα 2. Γράψε τον αριθμό

Βήμα 3. Επανάλαβε τη διαδικασία από το βήμα 1.

Ο αλγόριθμος αυτός έχει μια ατέλεια, δεν διαθέτει τρόπο τερματισμού (ατέρμων βρόχος). Η έλλειψη αυτή είναι φυσική, εφόσον ο αλγόριθμος εκτελείται από έναν άνθρωπο. Αυτός θα σταματήσει να γράφει, όταν δεν υπάρχουν πλέον άλλοι αριθμοί. Ωστόσο είναι δυνατόν να διορθωθεί αυτή η ατέλεια, αν το βήμα 3 λάβει την εξής μορφή:

Βήμα 3. Αν υπάρχουν άλλοι αριθμοί, επανάλαβε τη διαδικασία από το βήμα 1, αλλιώς σταμάτησε.

Ο αλγόριθμος τώρα είναι σωστός και μπορεί να εκτελεστεί και από μία μηχανή. Όμως έχει ένα άλλο μειονέκτημα: ο τερματισμός γίνεται μέσα από την εντολή Αν ... τότε ... αλλιώς ..., πράγμα που δεν συνιστάται και πρέπει να αποφεύγεται, γιατί εύκολα μπορεί να χάσει ο προγραμματιστής τον έλεγχο της ροής του προγράμματος και να οδηγηθεί σε λάθος. Για την άρση του μειονεκτήματος αυτού πρέπει να χρησιμοποιηθεί μία εντολή επαναληπτικής διαδικασίας, όπως η εντολή Όσο...επανάλαβε. Ο τελικός αλγόριθμος είναι ο εξής:

Αλγόριθμος Παράδειγμα_8

Διάβασε x

Όσο $x > 0$ **επανάλαβε**

Εμφάνισε x

Διάβασε x

Τέλος_επανάληψης

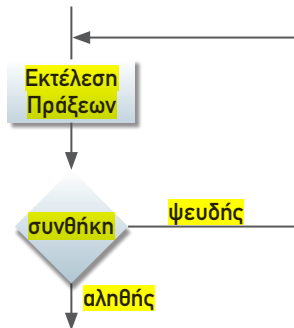
Τέλος Παράδειγμα_8

Ο βρόχος επανάληψης μπορεί να μην εκτελεσθεί καμία φορά, αν η πρώτη τιμή που διαβάζεται είναι αρνητική.

Στον προηγούμενο αλγόριθμο η επαναληπτική διαδικασία τερματίζεται, όταν διαβασθεί ένας αρνητικός ή μηδενικός αριθμός. Δηλαδή, θεωρείται ότι οι εισαγόμενοι αριθμοί πρέπει να είναι θετικοί. Αν αυτό δεν συμβαίνει, τότε μπορεί να χρησιμοποιηθεί ως συνθήκη τερματισμού οποιαδήποτε συγκεκρι-

μένη τιμή έχει συμφωνηθεί, ότι θα χρησιμοποιείται για το σκοπό αυτό, π.χ. η 999999. Προφανώς αυτή η τιμή δεν μπορεί να ανήκει στις εισαγόμενες τιμές. Στην περίπτωση αυτή η εντολή Όσο...επανάλαβε θα γραφεί ως εξής:

Όσο $x \neq 999999$ επανάλαβε



Η εντολή
Αρχή_επανάληψης...
Μέχρις_ότου εκτελείται
οπωσδήποτε μια φορά



$Sum \leftarrow Sum + i \Rightarrow$ Η νέα τιμή του Sum είναι η παλιά συν i

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 9. Εκτύπωση θετικών αριθμών με εντολή: αρχή_επανάληψης...μέχρις_ότου

Να διαβάζονται και να εκτυπώνονται όσοι θετικοί αριθμοί δίνονται από το πληκτρολόγιο. Ο αλγόριθμος τελειώνει, όταν δοθεί ένας αρνητικός αριθμός.

Αλγόριθμος Παράδειγμα_9

Αρχή_επανάληψης

Διάβασε x

Εμφάνισε x

Μέχρις_ότου $x < 0$

Τέλος Παράδειγμα_9

Ας σημειωθεί ότι, στο παράδειγμα αυτό ο βρόχος επανάληψης θα εκτελεσθεί οπωσδήποτε τουλάχιστον μία φορά ακόμα και αν η αρχική τιμή της μεταβλητής x είναι αρνητική. Η βασική διαφοροποίηση αυτής της μορφής επαναληπτικής διαδικασίας σε σχέση με την επαναληπτική διαδικασία που παρουσιάστηκε στο προηγούμενο παράδειγμα, οφείλεται στη θέση της λογικής συνθήκης στη ροή εκτέλεσης των εντολών.

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 10. Υπολογισμός αθροίσματος αριθμών με επαναληπτική εντολή: για...από...μέχρι

Να βρεθεί και να εκτυπωθεί το άθροισμα των 100 ακεραίων από το 1 μέχρι το 100.

Όταν ο αριθμός των φορών που θα εκτελεστεί μια επαναληπτική διαδικασία είναι γνωστός εκ των προτέρων, τότε είναι προτιμότερο να χρησιμοποιείται η εντολή Για...από...μέχρι. Έτσι ο ζητούμενος αλγόριθμος είναι.

Αλγόριθμος Παράδειγμα_10

$Sum \leftarrow 0$

Για i **από** 1 **μέχρι** 100

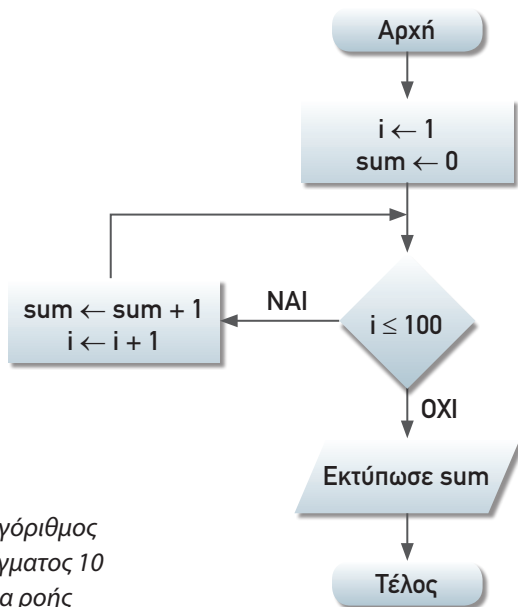
$Sum \leftarrow Sum + i$

Τέλος_επανάληψης

Εκτύπωσε Sum

Τέλος Παράδειγμα_10

Όπως γίνεται φανερό, η εντολή Για...από...μέχρι περιλαμβάνει όλα τα απαιτούμενα στοιχεία για την επανάληψη, δηλαδή αρχική τιμή της μεταβλητής i ($= 1$) και τελική τιμή ($= 100$). Το βήμα μεταβολής της μεταβλητής i είναι 1, το οποίο υπονοείται και δεν σημειώνεται, όταν είναι 1. Η μεταβλητή Sum που υποδέχεται το άθροισμα των διαδοχικών αριθμών, πρέπει να εκκινήσει με τιμή 0, ενώ το εκάστοτε μερικό άθροισμα υπολογίζεται με την εντολή εκχώρησης εντός του βρόχου. Στο τέλος η μεταβλητή Sum θα περιέχει το τελικό άθροισμα.



Σχ. 2.6. Ο αλγόριθμος του παραδείγματος 10 με διάγραμμα ροής

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 11. Υπολογισμός αθροίσματος με επαναληπτική εντολή: για...από...μέχρι...με _βήμα

Να βρεθεί και να εκτυπωθεί το άθροισμα των άρτιων αριθμών από το 1 μέχρι το 100.

Η λύση αυτού του προβλήματος είναι παρόμοια με αυτή του προηγούμενου. Η μόνη αλλαγή είναι στην εντολή επανάληψης όπου προσδιορίζεται η ποσότητα βήμα, η οποία κάθε φορά προστίθεται στην τιμή της μεταβλητής i . Έτσι έχουμε

Αλγόριθμος Παράδειγμα_11

άθροισμα $\leftarrow 0$

Για i από 2 μέχρι 100 με_βήμα 2

 άθροισμα $\leftarrow$ άθροισμα + i

Τέλος_επανάληψης

Εκτύπωσε άθροισμα

Τέλος Παράδειγμα_11

Από τα προηγούμενα δύο παραδείγματα γίνεται φανερός ο τρόπος χρήσης της εντολής Για...από...μέχρι. Ας σημειωθεί ωστόσο ότι υπάρχουν κάποιες δεσμεύσεις μεταξύ των τιμών από, μέχρι και βήμα. Έτσι το βήμα δεν μπορεί να είναι μηδέν, γιατί τότε ο βρόχος εκτελείται επ' άπειρον. Είναι δυνατόν όμως το βήμα να έχει αρνητική τιμή, αρκεί η τιμή από να είναι μεγαλύτερη από την τιμή μέχρι, όπως για παράδειγμα στην επόμενη εντολή:

Για k από 100 μέχρι 0 με_βήμα -1

Επίσης οι τιμές από, μέχρι και βήμα δεν είναι απαραίτητο να είναι ακέραιες. Μπορούν να λάβουν οποιαδήποτε πραγματική τιμή. Για παράδειγμα, όταν ζητείται να βρεθούν διαδοχικές τιμές μιας συνάρτησης $f(x)$ για x από 0 έως 1, τότε μπορεί να γραφεί η επόμενη εντολή:

Για x από 0 μέχρι 1 με_βήμα 0,01



0 βρόχος

Για k από 5 μέχρι 5

εκτελείται ακριβώς μία φορά

0 βρόχος

Για k από 5 μέχρι 1

δεν εκτελείται καμία φορά

$$\begin{array}{r}
 45 \\
 \times 19 \\
 \hline
 405 \\
 + 45 \\
 \hline
 855
 \end{array}$$

Σχ. 2.7. Χειρωνακτικός
τρόπος πολλαπλασιασμού

45	19	45
90	9	90
180	4	
360	2	
720	1	720
Άθροισμα = 855		

Σχ. 2.8. Πολλαπλασιασμός
αλά ρωσικά

ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 12. Πολλαπλασιασμός αλά ρωσικά

Στη συνέχεια προχωρούμε στην ανάπτυξη ενός συνθετότερου προβλήματος, όπου για την αλγοριθμική του επίλυση γίνεται χρήση αρκετών από τις προηγούμενες δομές. Ας θεωρήσουμε την πράξη του πολλαπλασιασμού δύο ακεραίων αριθμών και ας θυμηθούμε πώς αυτή υλοποιείται χειρωνακτικά. Τοποθετούμε, λοιπόν, τους δύο αριθμούς τον ένα κάτω από τον άλλο και πολλαπλασιάζουμε κάθε ψηφίο του κάτω αριθμού με όλα τα ψηφία του επάνω αριθμού. Πιο συγκεκριμένα, για κάθε ψηφίο του κάτω αριθμού παράγεται ένα μερικό γινόμενο, ενώ τα μερικά γινόμενα τοποθετούνται το ένα κάτω από το άλλο με μία μετατόπιση από τα δεξιά προς τα αριστερά καθώς θεωρούμε διαδοχικά τα ψηφία των μονάδων, των δεκάδων, των εκατοντάδων κ.λπ. Στη συνέχεια γίνεται η πρόσθεση των επιμέρους γινομένων, αφού τα τοποθετήσουμε στην κατάλληλη διάταξη όπως φαίνεται στο σχήμα 2.7.

Ωστόσο, η πράξη του πολλαπλασιασμού δεν εκτελείται από τον υπολογιστή με τον τρόπο αυτό. Πιο συγκεκριμένα, ο χρησιμοποιούμενος τρόπος είναι ο λεγόμενος *πολλαπλασιασμός αλά ρωσικά*. Χωρίς βλάβη της γενικότητας θεωρούμε ότι οι ακέριοι είναι θετικοί (μεγαλύτεροι του μηδενός), αλλά η μέθοδος μπορεί εύκολα να μετατραπεί, ώστε να περιγράψει και την περίπτωση των αρνητικών ακεραίων. Πώς ακριβώς λειτουργεί η μέθοδος, θα φανεί με το επόμενο παράδειγμα, όπου περιγράφεται ο αλγόριθμος με ελεύθερο κείμενο.

Έστω, λοιπόν, ότι δίνονται δύο θετικοί ακέριοι αριθμοί, οι αριθμοί 45 και 19. Οι αριθμοί γράφονται δίπλα-δίπλα και ο πρώτος διπλασιάζεται, ενώ ο δεύτερος υποδιπλασιάζεται αγνοώντας το δεκαδικό μέρος. Στο σχήμα 2.8 παρουσιάζεται η επαναλαμβανόμενη διαδικασία, που συνεχίζεται μέχρις ότου στη δεύτερη στήλη να προκύψει μονάδα. Τελικώς, το γινόμενο ισούται με το άθροισμα των στοιχείων της πρώτης στήλης, όπου αντίστοιχα στη δεύτερη στήλη υπάρχει περιττός αριθμός. Για το παράδειγμά μας, τα στοιχεία αυτά παρουσιάζονται στην τρίτη στήλη.

ΟΛΙΣΘΗΣΗ (SHIFT)

Στα κυκλώματα του υπολογιστή τα δεδομένα αποθηκεύονται με *δυναδική μορφή*, δηλαδή 0 και 1, ανεξάρτητα από το πώς τα ορίζει ο προγραμματιστής, όπως ακεραίους ή πραγματικούς σε δεκαδικό σύστημα, ή ακόμη χαρακτήρες κ.λπ. Έτσι ο αριθμός 17 του δεκαδικού συστήματος ισοδυναμεί με τον αριθμό 00010001 του δυαδικού συστήματος, ο οποίος μπορεί να αποθηκευθεί σε ένα byte. Αν μετακινήσουμε τα ψηφία αυτά κατά μία θέση προς τα αριστερά, δηλαδή αν προσθέσουμε ένα 0 στο τέλος του αριθμού και αγνοήσουμε το αρχικό 0, τότε προκύπτει ο αριθμός 00100010 του δυαδικού συστήματος, που ισοδυναμεί με τον αριθμό 34 του δεκαδικού συστήματος. Επίσης, με παρόμοιο τρόπο, αν μετακινήσουμε τα ψηφία κατά μία θέση δεξιά, δηλαδή αποκόψουμε το τελευταίο ψηφίο 1 και θεωρήσουμε ένα ακόμη αρχικό 0, τότε προκύπτει ο αριθμός 00001000 του δυαδικού συστήματος, που ισοδυναμεί με τον αριθμό 8 του δεκαδικού συστήματος. Άρα η ολίσθηση προς τα αριστερά ισοδυναμεί με πολλαπλασιασμό επί δύο, ενώ η ολίσθηση προς τα δεξιά ισοδυναμεί με την ακέραια διαίρεση διὰ δύο.

Στοιχεία ψευδογλώσσας

1. Σταθερές

Αριθμητικές: χρησιμοποιούνται οι αριθμητικοί χαρακτήρες, το +, το – και το κόμμα ως δεκαδικό σημείο,

Αλφαριθμητικές: σχηματίζονται από οποιουδήποτε χαρακτήρες εντός διπλών εισαγωγικών,

Λογικές: υπάρχουν δύο, οι Αληθής και Ψευδής.

2. Μεταβλητές

Για τη σύνθεση του ονόματος μιας μεταβλητής χρησιμοποιούνται οι αριθμητικοί χαρακτήρες, οι αλφαριθμητικοί χαρακτήρες πεζοί και κεφαλαίοι, καθώς και ο χαρακτήρας _ (underscore). Οι μεταβλητές μπορούν επίσης να είναι αριθμητικές, αλφαριθμητικές και λογικές.

3. Τελεστές

Αριθμητικοί: +, −, *, /, ^, div, mod

Συγκριτικοί: ≤, <, =, ≠, >, ≥

Λογικοί: και (σύζευξη), ή (διάζευξη), όχι (άρνηση).

4. Εκφράσεις

Σχηματίζονται από σταθερές, μεταβλητές, συναρτήσεις, τελεστές και παρενθέσεις.

5. Εντολή εκχώρησης

Μεταβλητή ← έκφραση

6. Σχήματα λογικών υποθέσεων

Αν <συνθήκη> **τότε** <εντολή>

Αν <συνθήκη> **τότε**
 <διαδικασία_1>

αλλιώς
 <διαδικασία_2>

Τέλος_αν

Επίλεξε έκφραση
 Περίπτωση 1
 Διαδικασία_1

 Περίπτωση ν
 Διαδικασία_ν
 Περίπτωση αλλιώς
 Διαδικασία_αλλιώς

Τέλος_επιλογών

Αν <συνθήκη_1> **τότε**
 <διαδικασία_1>
αλλιώς_αν <συνθήκη_2> **τότε**
 <διαδικασία_2>

αλλιώς_αν <συνθήκη_ν> **τότε**
 <διαδικασία_ν>
αλλιώς
 <διαδικασία_αλλιώς>
Τέλος_αν

όπου ως διαδικασία λαμβάνεται ένα σύνολο εντολών

7. Επαναληπτικές διαδικασίες

Επαναληπτικό σχήμα με έλεγχο επανάληψης στην αρχή

Όσο <συνθήκη> **επανάλαβε**

Διαδικασία

Τέλος_επανάληψης

Επαναληπτικό σχήμα με έλεγχο επανάληψης στο τέλος

Αρχή_επανάληψης

Διαδικασία

Μέχρις_ότου <συνθήκη>

Επαναληπτικό σχήμα ορισμένων φορών επανάληψης

Για μεταβλητή **από** τ_1 **μέχρι** τ_2 **με_βήμα** β

Διαδικασία

Τέλος_επανάληψης

8. Ρήματα σε προστακτική

Για παράδειγμα, “Διάβασε”, “Γράψε”, “Εκτέλεσε” κ.λπ.

9. Ουσιαστικά

Σε ορισμένες περιπτώσεις όταν οι ζητούμενες ενέργειες είναι πολλές ή προφανείς, καθορίζονται με τη χρήση ουσιαστικών αντί ρημάτων, όπως “εισαγωγή δεδομένων”, “εμφάνιση πεδίων στην οθόνη” κ.λπ.

10. Σχόλια

Προκειμένου να διαχωρίζονται οι επεξηγηματικές φράσεις από τις λέξεις-κλειδιά του αλγορίθμου, στις πρώτες προτάσσεται το σύμβολο !, για παράδειγμα !Σχόλια.

11. Πρώτη και τελευταία γραμμή ενός αλγορίθμου είναι αντίστοιχα

Αλγόριθμος <όνομα_αλγορίθμου> και **Τέλος** <όνομα_αλγορίθμου>

12. Δεδομένα και αποτελέσματα

Τα δεδομένα εισόδου (αν υπάρχουν) περιγράφονται στη δεύτερη γραμμή του αλγορίθμου εντός των συμβόλων //...//. Αντίστοιχα τα αποτελέσματα εξόδου δίνονται στην προτελευταία γραμμή του αλγορίθμου εντός των συμβόλων //...//.

Η μέθοδος αυτή χρησιμοποιείται πρακτικά στους υπολογιστές, γιατί υλοποιείται πολύ πιο απλά απ’ ό,τι ο γνωστός μας χειρωνακτικός τρόπος πολλαπλασιασμού. Πιο συγκεκριμένα, απαιτεί πολλαπλασιασμό επί δύο, διαίρεση διά δύο και πρόσθεση. Σε αντίθεση η γνωστή μας διαδικασία πολλαπλασιασμού απαιτεί πολλαπλασιασμό με οποιονδήποτε ακέραιο και πρόσθεση. Σε επίπεδο, λοιπόν, κυκλωμάτων υπολογιστή ο πολλαπλασιασμός επί δύο και η διαίρεση διά δύο μπορούν να υλοποιηθούν ταχύτατα με μία απλή εντολή ολίσθησης (shift), σε αντίθεση με τον πολλαπλασιασμό με οποιονδήποτε ακέραιο που θεωρείται πιο χρονοβόρα διαδικασία. Το τελευταίο γεγονός είναι ο λόγος που ο πολλαπλασιασμός

αλά ρωσικά είναι προτιμότερος απ' ό,τι ο χειρωνακτικός τρόπος πολλαπλασιασμού δύο ακεραίων.

Στη συνέχεια παρουσιάζεται ο αλγόριθμος πολλαπλασιασμού ακεραίων αλά ρωσικά με φυσική γλώσσα κατά βήματα.

Αλγόριθμος: Πολλαπλασιασμός δύο θετικών ακεραίων (αλά ρωσικά)	
Είσοδος:	Δύο ακέραιοι M1 και M2, όπου $M1, M2 \geq 1$
Έξοδος:	Το γινόμενο $P=M1*M2$
Βήμα 1	Θέσε $P=0$
Βήμα 2	Αν $M2>0$, τότε πήγαινε στο Βήμα 3, αλλιώς πήγαινε στο Βήμα 7
Βήμα 3	Αν ο M2 είναι περιττός, τότε θέσε $P=P+M1$
Βήμα 4	Θέσε $M1=M1*2$
Βήμα 5	Θέσε $M2=M2/2$ (θεώρησε μόνο το ακέραιο μέρος)
Βήμα 6	Πήγαινε στο Βήμα 2
Βήμα 7	Τύπωσε τον P

Ακολουθεί ο αλγόριθμος σε ψευδοκώδικα για το ίδιο πρόβλημα του πολλαπλασιασμού αλά ρωσικά.

```
Αλγόριθμος Πολλαπλασιασμός_αλά_ρωσικά
Δεδομένα // M1,M2 ακέραιοι //
P ← 0
Όσο M2 > 0 επανάλαβε
    Αν M2 mod 2 = 1 τότε P ← P+M1
    M1 ← M1*2
    M2 ← M2 div 2
Τέλος_επανάληψης
Αποτελέσματα // P, το γινόμενο των ακεραίων M1,M2 //
Τέλος Πολλαπλασιασμός_αλά_ρωσικά
```

Ανακεφαλαίωση

Στο κεφάλαιο αυτό έγινε η πρώτη γνωριμία με την έννοια του αλγορίθμου. Δόθηκαν οι απαραίτητοι ορισμοί που συνοδεύτηκαν με αρκετά παραδείγματα. Αλγόριθμος είναι η διαδικασία της λύσης ενός προβλήματος. Η παράσταση των αλγορίθμων μπορεί να γίνει με αρκετούς τρόπους, ωστόσο η έμφαση δόθηκε στην παράσταση με χρήση ψευδογλώσσας. Στο κεφάλαιο αυτό αναπτύχθηκαν οι κύριες αλγοριθμικές δομές, δηλαδή η ακολουθία, η επιλογή και η επανάληψη ή ανακύκλωση, που θα χρησιμοποιηθούν στους αλγορίθμους των επόμενων κεφαλαίων.

Λέξεις-κλειδιά

Αλγόριθμος,
Ακολουθία,
Επιλογή,
Επανάληψη,
Διάγραμμα ροής,
Ψευδογλώσσα,
Εμφωλευμένος,
Βρόχος

1. Τι είναι αλγόριθμος;

Ορισμός: Αλγόριθμος είναι μια πεπερασμένη σειρά ενεργειών, αυστηρά καθορισμένων και εκτελέσιμων σε πεπερασμένο χρόνο, που στοχεύουν στην επίλυση ενός προβλήματος.

2. Ποια είναι τα κριτήρια των αλγορίθμων. Δώστε σύντομες περιγραφές.

Είσοδος: Καμία, μία ή περισσότερες τιμές πρέπει να δίνονται ως είσοδοι στον αλγόριθμο. Αν δεν δίνονται τιμές ως είσοδος, τότε ο αλγόριθμος δημιουργεί ο ίδιος και επεξεργάζεται πρωτογενείς τιμές.

Έξοδος: Ο αλγόριθμος πρέπει να δημιουργεί τουλάχιστον μία τιμή ως αποτέλεσμα προς τον χρήστη ή άλλο αλγόριθμο.

Καθοριστικότητα: Κάθε εντολή του αλγορίθμου πρέπει να καθορίζεται χωρίς καμία αμφιβολία για τον τρόπο εκτέλεσής της.

Αποτελεσματικότητα: Κάθε εντολή του αλγορίθμου πρέπει να είναι απλή και εκτελέσιμη.

Περατότητα: Ο αλγόριθμος πρέπει να τελειώνει μετά από πεπερασμένα (πεπερασμένα σημαίνει μετρημένα, όχι άπειρα) βήματα εκτέλεσης των εντολών του. Αν δεν συμβαίνει αυτό, τότε έχουμε μια υπολογιστική διαδικασία και όχι αλγόριθμο.

3. Τι είναι υπολογιστική διαδικασία;

Υπολογιστική διαδικασία είναι ένα σύνολο εντολών, που δεν χαρακτηρίζεται από περατότητα, δηλ. δεν ολοκληρώνεται μετά από συγκεκριμένο αριθμό βημάτων.

4. Η έννοια του αλγορίθμου συνδέεται αποκλειστικά και μόνο με την επιστήμη της Πληροφορικής;

Όχι, διότι ουσιαστικά αλγόριθμος είναι ένα σύνολο οδηγιών, μια συνταγή για την εκτέλεση κάποιας εργασίας.

5. Από ποιες σκοπιές μελετά η Πληροφορική τους αλγορίθμους; Εξηγήστε σύντομα.

Υλικού: Από τη σκοπιά αυτή, μελετούμε πώς οι διάφορες τεχνολογίες υλικού επηρεάζουν την ταχύτητα εκτέλεσης ενός αλγορίθμου.

Γλωσσών Προγραμματισμού: Από τη σκοπιά αυτή, μελετούμε πως αλλάζει το πλήθος και η δομή των εντολών του αλγορίθμου ανάλογα με το είδος της γλώσσας προγραμματισμού (χαμηλού ή υψηλού επιπέδου) που θα επιλέξουμε.

Θεωρητική: Από τη σκοπιά αυτή, μελετούμε αν υπάρχει ή όχι αποδοτικός αλγόριθμος για την επίλυση ενός προβλήματος.

Αναλυτική: Από τη σκοπιά αυτή, μελετούμε πόσοι υπολογιστικοί πόροι χρειάζονται για την εκτέλεση ενός αλγορίθμου.

6. Ποιοι είναι οι τρόποι αναπαράστασης των αλγορίθμων; Δώστε σύντομες περιγραφές.

Ελεύθερο κείμενο: Ο πιο αδόμητος τρόπος αναπαράστασης αλγορίθμου. Μπορεί να παραβιαστεί το κριτήριο της αποτελεσματικότητας.

Διαγραμματικές τεχνικές: Είναι γραφικοί τρόποι παρουσίασης των αλγορίθμων. Ο πιο παλιός και περισσότερο γνωστός τρόπος είναι τα Διαγράμματα Ροής.

Φυσική γλώσσα κατά βήματα: Ο αλγόριθμος εκφράζεται ως κείμενο αλλά με αριθμημένα βήματα. Μπορεί να παραβιαστεί το κριτήριο της καθοριστικότητας.

Κωδικοποίηση: Ο αλγόριθμος εκφράζεται ως πρόγραμμα σε κάποια γλώσσα προγραμματισμού ή σε κάποια ψευδογλώσσα.

7. Ποια είναι τα σύμβολα που χρησιμοποιούνται στα διαγράμματα ροής;

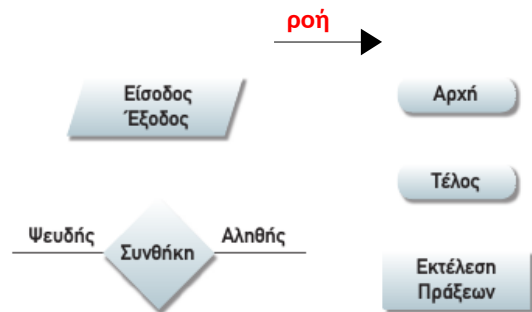
Έλλειψη: αρχή και τέλος του αλγορίθμου

Ρόμβος: συνθήκες με δύο επιλογές

Ορθογώνιο Παραλληλόγραμμο: εκτέλεση πράξεων

Πλάγιο Παραλληλόγραμμο: είσοδος και έξοδος δεδομένων

Βέλη: ροή του αλγορίθμου



8. Πότε χρησιμοποιείται η Δομή Ακολουθίας κατά την συγγραφή ενός αλγορίθμου;

Χρησιμοποιείται για την επίλυση απλών προβλημάτων όπου η σειρά εκτέλεσης των εντολών είναι δεδομένη και δεν αλλάζει.

9. (κ) Δώστε παραδείγματα δηλωτικών και εκτελεστών εντολών.

Δηλωτικές εντολές (δεν παράγουν αποτέλεσμα, αλλά δηλώνουν κάτι), πχ ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ, ΑΡΧΗ, ΤΕΛΟΣ_ΑΝ, κλπ.

Εκτελεστές εντολές (παράγουν αποτέλεσμα), πχ ΔΙΑΒΑΣΕ, ΓΡΑΨΕ, ←, κλπ.

10. Από την σκοπιά των αλγορίθμων, περιγράψτε σύντομα τι είναι μεταβλητές, σταθερές, τελεστές, εκφράσεις.

Σταθερές: είναι προκαθορισμένες τιμές που δεν αλλάζουν κατά την εκτέλεση του αλγορίθμου.

Μεταβλητές: είναι γλωσσικά αντικείμενο (δηλ. ονόματα) τα οποία χρησιμοποιούμε για να αναπαραστήσουμε τα δεδομένα. Η τιμή μιας μεταβλητής μπορεί να αλλάξει κατά την εκτέλεση του αλγορίθμου.

Τελεστές: είναι τα σύμβολα των πράξεων. Υπάρχουν αριθμητικοί, συγκριτικοί και λογικοί τελεστές.

Εκφράσεις: είναι συδυασμοί τελεστών (δηλ. μεταβλητών κ σταθερών) και τελεστών.

11. Πως γίνεται η αποτίμηση (δηλ. ο υπολογισμός) μιας έκφρασης;

Αρχικά γίνεται **απόδοση τιμής** στις μεταβλητές και στη συνέχεια εκτελούνται οι πράξεις σύμφωνα με τις παρενθέσεις και την ιεραρχία των τελεστών.

12. Δώστε την γενική μορφή της εντολής εκχώρησης και περιγράψτε την λειτουργία της.
μεταβλητή ← έκφραση

Λειτουργία εντολής: Πρώτα γίνεται αποτίμησης της έκφρασης και η τιμή που προκύπτει αποθηκεύεται στην μεταβλητή.

13. Δώστε την γενική μορφή (μορφές) της Δομής Επιλογής και περιγράψτε την λειτουργία της.

Απλή Επιλογή

ΑΝ συνθήκη **TOTE**
 εντολές

ΤΕΛΟΣ_ΑΝ

Σύνθετη Επιλογή

ΑΝ συνθήκη **TOTE**
 εντολές

ΑΛΛΙΩΣ

 εντολές

ΤΕΛΟΣ_ΑΝ

Πολλαπλή Επιλογή

ΑΝ συνθήκη **TOTE**
 εντολές

ΑΛΛΙΩΣ_ΑΝ συνθήκη2 **TOTE**

 εντολές

ΑΛΛΙΩΣ_ΑΝ συνθήκη 3 **TOTE**

 εντολές

ΑΛΛΙΩΣ

 εντολές

ΤΕΛΟΣ_ΑΝ

Λειτουργία εντολής: Ελέγχονται με τη σειρά οι συνθήκες και ανάλογα με τον αποτέλεσμα αυτού του υπολογισμού, λαμβάνεται η απόφαση ποια ομάδα εντολών θα εκτελεστεί.

14. Δικαιολογήστε την αναγκαιότητα ύπαρξης της Δομής Επιλογής.

Πολύ λίγα προβλήματα μπορούν να επιλυθούν με την Δομή Ακολουθίας. Τα περισσότερα προβλήματα περιλαμβάνουν ιδιαιτερότητες και δεν ισχύουν τα ίδια βήματα για κάθε περίπτωση, επομένως πρέπει να υπάρχει ένας τρόπος ελέγχου. Αυτή είναι η δομή επιλογής.

15. (κ) Μια λογική έκφραση είναι πάντα συνθήκη;

Όχι. Εξαρτάται από την χρήση της. Αν η λογική έκφραση τοποθετηθεί δίπλα σε μια εντολή ΑΝ, τότε είναι συνθήκη. Αν η λογική έκφραση τοποθετηθεί σε μια εντολή εκχώρησης, τότε είναι απλώς μια έκφραση που υπολογίζεται.

16. (κ) Μια συνθήκη είναι πάντα μια λογική έκφραση;

Ναι, διότι οι συνθήκες πρέπει να παράγουν λογικό αποτέλεσμα, είτε την τιμή ΑΛΗΘΗΣ είτε την τιμή ΨΕΥΔΗΣ. Άρα ως συνθήκη δεν μπορεί να χρησιμοποιηθεί άλλου είδους έκφραση.

17. Δώστε την γενική μορφή της εντολής ΕΠΙΛΕΞΕ και περιγράψτε την λειτουργία της.

ΕΠΙΛΕΞΕ έκφραση

ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ λίστα τιμών 1

εντολές 1

ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ λίστα τιμών 2

εντολές 2

...

ΠΕΡΙΠΤΩΣΗ ΑΛΛΙΩΣ

εντολές

ΤΕΛΟΣ_ΕΠΙΛΟΓΩΝ

Υπολογίζεται η τιμή της έκφρασης και εκτελούνται οι εντολές που ανήκουν στην αντίστοιχη περίπτωση τιμών. Αν δεν ανήκουν σε κάποια περίπτωση τιμών, τότε εκτελούνται οι εντολές της περίπτωσης ΑΛΛΙΩΣ.

18. Ποιες είναι οι λογικές πράξεις και ποια η χρησιμότητά τους;

Οι λογικές πράξεις είναι: ΟΧΙ, ΚΑΙ, Η.

- Η πράξη ΟΧΙ ονομάζεται συχνά και αντιστροφή ή άρνηση. Δίνει αποτέλεσμα ΑΛΗΘΗΣ όταν παίρνει ως είσοδο την τιμή ΨΕΥΔΗΣ. Δίνει αποτέλεσμα ΨΕΥΔΗΣ όταν η είσοδος είναι ΑΛΗΘΗΣ.

- Η πράξη ΚΑΙ ονομάζεται συχνά και σύζευξη. Δίνει αποτέλεσμα ΑΛΗΘΗΣ όταν και οι δύο τελεστέοι (είσοδοι) έχουν τιμή ΑΛΗΘΗΣ. Σε κάθε άλλη περίπτωση δίνει ως αποτέλεσμα ΨΕΥΔΗΣ.

- Η πράξη Η ονομάζεται συχνά και διάζευξη. Δίνει αποτέλεσμα ΑΛΗΘΗΣ όταν τουλάχιστον ένας από τους δύο τελεστέους (τουλάχιστον μία από τις δύο εισόδους) έχει τιμή ΑΛΗΘΗΣ. Δίνει αποτέλεσμα ΨΕΥΔΗΣ όταν και οι δύο τελεστέοι έχουν τιμή ΨΕΥΔΗΣ.

Γενικά, οι λογικοί τελεστές χρησιμεύουν στο να σχηματίζουμε σύνθετες συνθήκες.

19. Πίνακας Αλήθειας των τριών λογικών πράξεων.

A	B	A ΚΑΙ B	A Η B	ΟΧΙ A
ΨΕΥΔΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ
ΑΛΗΘΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ
ΨΕΥΔΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ	ΨΕΥΔΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ	
ΑΛΗΘΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ	ΑΛΗΘΗΣ	

20. Τι καλείται βρόχος;

Είναι το τμήμα των εντολών που επαναλαμβάνεται.

21. Οι εντολές ΟΣΟ, ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ εκτελούν τουλάχιστον μία επανάληψη; Εξηγήστε.

Η εντολή ΟΣΟ επειδή ελέγχει την συνθήκη στην αρχή του βρόχου, υπάρχει η περίπτωση να μην εκτελέσει καμία επανάληψη.

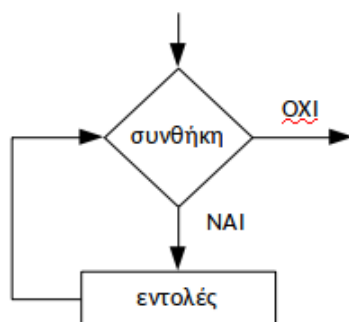
Η ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ εκτελεί τουλάχιστον μία επανάληψη, διότι η συνθήκη ελέγχεται στο τέλος του βρόχου.

22. Ποιο είναι το διάγραμμα ροής, η γενική μορφή και η λειτουργία της εντολής ΟΣΟ;

ΟΣΟ συνθήκη **ΕΠΑΝΑΛΑΒΕ**

εντολές

ΤΕΛΟΣ_ΕΠΑΝΑΛΗΨΗΣ



Στην αρχή του βρόχου ελέγχεται η συνθήκη.

Αν η συνθήκη επαληθεύεται (ισχύει), τότε εκτελούνται οι εντολές.

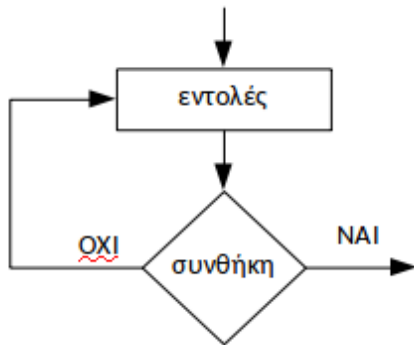
Ο κύκλος αυτός επαναλαμβάνεται μέχρι η συνθήκη να μην ισχύει. Τότε η επανάληψη σταματάει και η εκτελείται η αμέσως επόμενη εντολή.

23. Ποιο είναι το διάγραμμα ροής, η γενική μορφή και η λειτουργία της εντολής ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ;

ΑΡΧΗ_ΕΠΑΝΑΛΗΨΗΣ

εντολές

ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ συνθήκη



Ο βρόχος ξεκινάει με μια πρώτη εκτέλεση των εντολών και στο τέλος ελέγχεται η συνθήκη. Αν η συνθήκη δεν επαληθεύεται (δεν ισχύει), τότε ο κύκλος συνεχίζεται. Την πρώτη φορά που η συνθήκη θα επαληθευτεί, θα σταματήσει η επανάληψη και θα εκτελεστεί η αμέσως επόμενη εντολή.

24. Ποιές είναι οι διαφορές μεταξύ των εντολών ΟΣΟ και ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ και σε τι οφείλονται;

Οι εντολή ΟΣΟ ελέγχει τη συνθήκη στην αρχή του βρόχου και αν η συνθήκη ισχύει γίνεται η επανάληψη. Η εντολή ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ ελέγχει τη συνθήκη στο τέλος του βρόχου και αν η συνθήκη ισχύει τότε η επανάληψη σταματάει.

Συνεπώς, η ΜΕΧΡΙΣ_ΟΤΟΥ θα εκτελεστεί τουλάχιστον μία φορά και η διαφορά αυτή οφείλεται στη θέση της συνθήκης στη ροή των εντολών.

25. Οι τιμές ΑΠΟ, ΜΕΧΡΙ, ΒΗΜΑ στην εντολή ΓΙΑ πρέπει να είναι ακέραιες;

Όχι, μπορεί να είναι κ πραγματικές. Γενικά δηλ. πρέπει να είναι αριθμητικές τιμές.

Το μόνο που δεν επιτρέπεται είναι η τιμή 0 στο ΒΗΜΑ.

26. (κ) Είναι δυνατόν στην εντολή ΓΙΑ οι τιμές ΑΠΟ, ΜΕΧΡΙ, ΒΗΜΑ να είναι πραγματικές όταν μέσα στην εντολή ΓΙΑ γίνεται επεξεργασία πίνακα;

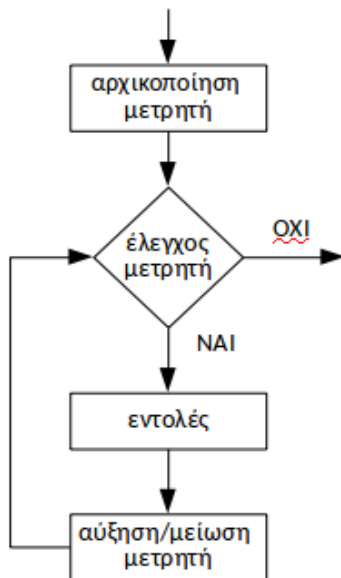
Ναι, αρκεί ο μετρητής της ΓΙΑ να μην χρησιμοποιείται ως δείκτης σε κάποιο πίνακα.

27. Ποιο είναι το διάγραμμα ροής, η γενική μορφή και η λειτουργία της εντολής ΓΙΑ;

ΓΙΑ μετρητής **ΑΠΟ** τιμή1 **ΜΕΧΡΙ** τιμή2 **ΜΕ_ΒΗΜΑ** τιμή3

εντολές

ΤΕΛΟΣ_ΕΠΑΝΑΛΗΨΗΣ



Ο μετρητής αρχικοποιείται στην τιμή1. Στη συνέχεια ο μετρητής συγκρίνεται με την τιμή2. Αν η σύγκριση δώσει αποτέλεσμα ΑΛΗΘΗΣ, τότε εκτελούνται οι εντολές. Στο τέλος του βρόχου, ο μετρητής ανανεώνεται (αλλάζει) σύμφωνα με την τιμή3. Αν σύγκριση δώσει ΑΛΗΘΗΣ, ο κύκλος επαναλαμβάνεται. Την πρώτη φορά που η σύγκριση θα δώσει αποτέλεσμα ΨΕΥΔΗΣ, η επανάληψη σταματάει και εκτελείται η αμέσως επόμενη εντολή.

28. Περιγράψτε τον πολλαπλασιασμό αλά ρωσικά (+ αλγόριθμος).

Αλγόριθμος Πολλαπλασιασμός_αλά_ρωσικά

Δεδομένα // M1,M2 ακέραιοι //

P ← 0

Όσο M2 > 0 **επανάλαβε**

Αν M2 mod 2 = 1 **τότε** P ← P+M1

 M1 ← M1*2

 M2 ← M2 div 2

Τέλος_επανάληψης

Αποτελέσματα // P, το γινόμενο των ακεραίων M1,M2 //

Τέλος Πολλαπλασιασμός_αλά_ρωσικά

29. Περιγράψετε την λειτουργία της ολίσθησης (shift);

Ολίσθηση είναι η μετακίνηση των ψηφίων ενός αριθμού κατά μία θέση προς τα δεξιά ή προς τα αριστερά. Στην ολίσθηση προς τα αριστερά, χάνεται το αρχικό ψηφίο και προστίθεται το 0 στο τέλος του αριθμού. Στην ολίσθηση προς τα δεξιά, χάνεται το τελευταίο ψηφίο και προστίθεται το 0 στην αρχή του αριθμού.

Αν γίνει ολίσθηση προς τα δεξιά, τότε ο αριθμός μικραίνει (στο δυαδικό σύστημα είναι σα να γίνεται η πράξη $\div 2$). Αν η ολίσθηση γίνει προς τα αριστερά, τότε ο αριθμός μεγαλώνει (στο δυαδικό σύστημα είναι σα να γίνεται η πράξη επί 2).

30. Δώστε ένα πρακτικό παράδειγμα χρήσης της ολίσθησης από τον Η/Υ.

Η ολίσθηση χρησιμοποιείται για την υλοποίηση των πράξεων $\div 2$ και επί 2, γιαυτό και χρησιμοποιείται στον πολλαπλασιασμό αλά ρωσικά.

31. Για ποιον λόγο ο πολλαπλασιασμός αλά ρωσικά έχει ιδιαίτερη σημασία για τον Η/Υ;

Διότι, ο πολλαπλασιασμός αλά ρωσικά βασίζεται σε πράξεις (πρόσθεση, ακέρεια διαίρεση με το 2, πολλαπλασιασμός με το 2) που υλοποιούνται πολύ εύκολα και γρήγορα σε επίπεδο κυκλωμάτων.